



Факультет	Математики, физики и информатики	
Кафедра	Алгебры, математического анализа и геометрии	
Направление подготовки	44.03.05 Педагогическое образование	
Направленность (профиль)	Физика и Математика	
Оптимизационные модели в школьном курсе математики		Б1.В.ДВ.05.01

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Тульский государственный педагогический университет им. Л. Н. Толстого»

УТВЕРЖДЕНА

на заседании Ученого совета университета

протокол № 5 от 31 мая 2018 г.

Рабочая программа дисциплины
«Оптимизационные модели в школьном курсе
математики»

Трудоемкость: 3 зачетные единицы

Квалификация выпускника: Бакалавр

Форма обучения: очная

Год начала подготовки: 2016, 2017, 2018

Заведующий кафедрой  Н.М. Добровольский

Декан ФМФиИ  И.Ю. Реброва

СОДЕРЖАНИЕ

1	Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы	3
2	Место дисциплины в структуре ОПОП бакалавриата	3
3	Объем дисциплины и виды учебной работы	3
4	Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических или астрономических часов и видов учебных занятий	4
5	Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине	5
6	Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине	5
	6.1 Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы	5
	6.2 Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания	5
	6.3 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы	6
	6.4 Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций	13
7	Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины	14
	7.1 Основная литература	14
	7.2 Дополнительная литература	14
8	Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «интернет», необходимых для освоения дисциплины	14
9	Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины	15
10	Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем	15
11	Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине	16
12	Аннотация рабочей программы дисциплины	19
13	Лист регистрации изменений к рабочей программе дисциплины	20

1 ПЕРЕЧЕНЬ ПЛАНИРУЕМЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ, СООТНЕСЕННЫХ С ПЛАНИРУЕМЫМИ РЕЗУЛЬТАТАМИ ОСВОЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Достижение планируемых результатов обучения, соотнесенных с общими целями и задачами ОПОП, является целью освоения дисциплины (модуля).

Планируемые результаты освоения образовательной программы (код и название компетенции)	Планируемые результаты обучения	Этапы формирования компетенции в процессе освоения образовательной программы
способность организовать сотрудничество обучающихся, поддерживать активность и инициативность, самостоятельность обучающихся, развивать их творческие способности (ПК-7)	Знает: теоретические основы математических методов, применяемых для количественного обоснования управленческих решений, Умеет: строить и исследовать математические модели;	В соответствии с учебным планом
готовность к формированию и поддержанию высокой мотивации, развитию способности обучающихся к занятиям математикой и физикой, участию в физико-математических олимпиадах, конкурсах, исследовательских проектах и конференциях (ДПК-2)	Знает: алгоритмы решения оптимизационных задач и их приложения к школьному курсу математики; Умеет: использовать стандартное программное обеспечение ПК, а также пакеты прикладных программ учебного назначения, необходимые для решения оптимизационных задач Владеет и (или) имеет опыт деятельности: методами, применяемыми для эффективного управления различными организационными системами	В соответствии с учебным планом

2 МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП БАКАЛАВРИАТА

Дисциплина «Оптимизационные модели в школьном курсе математики» является дисциплиной по выбору вариативной части образовательной программы бакалавриата.

3 ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ И ВИДЫ УЧЕБНОЙ РАБОТЫ

Вид учебной работы	Объем часов/ зачетных единиц по формам обучения
Максимальная учебная нагрузка (всего)	<i>108/3 з.в.</i>
Контактная работа обучающихся с преподавателем (всего)	22
в том числе:	
лекции с применением мультимедийных технологий и раздаточным материалом для студентов	8

семинарские занятия с использованием элементов дискуссий	
практические занятия с использованием технологий case-study (анализ конкретных, практических ситуаций)	
практические занятия по использованию современных информационных технологий и справочно-правовых систем	12
контрольные работы	2
Самостоятельная работа студента (всего)	86
в том числе:	
внеаудиторная самостоятельная работа при подготовке к семинарским и практическим занятиям	40
подготовка учебного проекта	10
подготовка к контрольной работе	10
Выполнение заданий для самостоятельной работы в модульной объектно-ориентированной динамической учебной среде Moodle	20
Подготовка к зачету	6
<i>Промежуточная аттестация в форме: зачета</i>	

4 СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ, СТРУКТУРИРОВАННОЕ ПО ТЕМАМ (РАЗДЕЛАМ) С УКАЗАНИЕМ ОТВЕДЕННОГО НА НИХ КОЛИЧЕСТВА АКАДЕМИЧЕСКИХ ИЛИ АСТРОНОМИЧЕСКИХ ЧАСОВ И ВИДОВ УЧЕБНЫХ ЗАНЯТИЙ

Наименование тем (разделов).	Количество академических или астрономических часов по видам учебных занятий			
	Занятия лекционного типа	Занятия семинарского типа	Другие виды учебных занятий	Самостоятельная работа обучающихся
Тема 1. Линейное программирование	2	4		17
Тема 2. Дискретное программирование	2	2		15
Тема 3. Нелинейное программирование	2	2		12
Тема 4. Специальные модели	2	4		14
Контроль самостоятельной работы студентов			2	
Курсовое проектирование (курсовая работа) (СРС и индив. консульт.)				
Курсовое проектирование (курсовой проект) (СРС и индив. консульт.)				
Индивидуальные консультации				
Подготовка к зачету				
Групповые консультации				
Подготовка к экзамену (включая групповую консультацию)				
ИТОГО	8	12	2	64

Тема 1. Линейное программирование

Цели и задачи дисциплины. Математические модели: структура, типы, виды, построение.

Стандартная и каноническая задачи линейного программирования. Системы линейных неравенств. Геометрический метод решения задачи линейного программирования.

Симплексный метод решения задач линейного программирования. Теоретические основы и связь с геометрическим методом. Симплексные таблицы.

Двойственные задачи. Их свойства. Первая и вторая теоремы двойственности.

Тема 2. Дискретное программирование

Экономико-математическая модель транспортной задачи. Критерий оптимальности базисного распределения поставок. Метод потенциалов. Распределительный метод. Открытая модель транспортной задачи.

Постановка задачи целочисленного программирования. Методы отсечения. Метод Гомори. Комбинаторные методы.

Метод ветвей и границ.

Тема 3. Нелинейное программирование

Геометрические методы. Классические методы определения экстремумов. Метод множителей Лагранжа. Метод штрафных функций.

Задача выпуклого программирования. Приближенное решение методами спуска и кусочно-линейной аппроксимации.

Тема 4. Специальные модели

Понятие об игровых моделях (ИМ). Платежная матрица. Нижняя и верхняя цена игры. Решение игр в смешанных стратегиях. Геометрическая интерпретация игры 2хn. Приведение матричной игры к задаче линейного программирования. Игры в условиях неопределенности. Формулы Бейеса, Вальда, Лапласа, Гурвица, Сэвиджа.

Общая постановка задачи динамического программирования (ДП). Принцип оптимальности и уравнения Беллмана.

Приложение методов динамического программирования к решению экономических задач.

Тема 5. Многокритериальная оптимизация

Многокритериальная оптимизация. Метод уступок. Метод идеальной точки. Метод свертывания. Метод ограничений.

Понятие о методе анализа иерархий.

5 ПЕРЕЧЕНЬ УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОГО ОБЕСПЕЧЕНИЯ ДЛЯ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Методическая система, используемая авторами данной рабочей программы, базируется на оптимальном сочетании активных форм и методов организации учебной деятельности студентов (лекция, беседа, анализ, синтез, мозговой штурм и т.п.).

В ходе занятий предполагается акцентировать внимание студентов на формировании навыка работы с учебной литературой, указанной в списке данной программы.

Особенностью работы со студентами данного направления подготовки является построение алгоритмов решения типовых задач с целью их дальнейшего использования в решении задач формирования профессиональных навыков.

Все студенты должны быть активными пользователями системы LMS MOODLE, поскольку там представлены конспекты всех лекций с большим количеством примеров и материалы к практическим занятиям.

Проводится регулярная проверка и учет выполнения домашних заданий.

Разработан рейтинг по дисциплине.

Система электронного дистанционного обучения MOODLE ТГПУ им. Л.Н. Толстого
<http://moodle.tsput.ru>

6 ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

6.1 Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы

Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы представлен в таблице пункта 1 рабочей программы.

Этапы формирования компетенции «способность организовать сотрудничество обучающихся, поддерживать активность и инициативность, самостоятельность обучающихся, развивать их творческие способности (ПК-7)» формируются в соответствии с учебным планом и основной образовательной программой.

Этапы формирования компетенции «готовность к формированию и поддержанию высокой мотивации, развитию способности обучающихся к занятиям математикой и физикой, участию в физико-математических олимпиадах, конкурсах, исследовательских проектах и конференциях (ДПК-2)» формируются в соответствии с учебным планом и основной образовательной программой.

Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

Дескриптор компетенций	Показатели оценивания	Критерии оценивания
Знания	<ul style="list-style-type: none"> – теоретические основы математических методов, применяемых для количественного обоснования управленческих решений, – алгоритмы решения оптимизационных задач и их приложения к школьному курсу математики; 	<p>Отметка «зачтено» выставляется, если студент в целом за семестр набрал от 41 до 100 баллов (с учетом баллов, набранных на промежуточной аттестации (зачете)).</p> <p>Отметка «не зачтено» выставляется, если студент в целом за семестр набрал менее 41 балла (с учетом баллов, набранных на промежуточной аттестации (зачете)).</p>
Умения	<ul style="list-style-type: none"> – строить и исследовать математические модели, – использовать стандартное программное обеспечение ПК, а также пакеты прикладных программ учебного назначения, необходимые для решения оптимизационных задач; 	
Навыки и (или) опыт деятельности	<ul style="list-style-type: none"> – владеть методами, применяемыми для эффективного управления различными организационными системами. 	

Критерии оценивания компетенций формируются на основе балльно-рейтинговой системы с помощью всего комплекса методических материалов, определяющих процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих данный этап формирования компетенций.

Оценка	Требования
«Зачтено»	Оценка «зачтено» выставляется студенту, если он знает основные законы и закономерности, а также определения ключевых понятий дисциплины, выполнял задания в течение курса (или отчитался по ним), отвечает на поставленные вопросы по темам дисциплины, справляется с заданиями, тестами и другими видами применения знаний, при этом не затрудняется с ответом при видоизменении заданий.
«Не зачтено»	Оценка «не зачтено» выставляется студенту, который не знает значительной части программного материала, допускает существенные ошибки, неуверенно, с большими затруднениями выполняет практические работы.

6.2 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

ВОПРОСЫ К ЗАЧЕТУ

1. Общая постановка задачи линейного программирования. Основные понятия.
2. Геометрический метод решения задачи линейного программирования.

3. Симплекс-метод.
4. Осевое преобразование. Симплексные таблицы.
5. Двойственные задачи. Их свойства. Первая и вторая теоремы двойственности.
6. Экономико-математическая модель транспортной задачи. Критерий оптимальности базисного распределения поставок. Метод потенциалов.
7. Постановка задачи целочисленного программирования. Методы отсечения. Метод ветвей и границ.
8. Общая постановка задачи динамического программирования. Принцип оптимальности и уравнения Беллмана.
9. Приложение методов динамического программирования к решению задач.
10. Понятие об игровых моделях. Платежная матрица. Нижняя и верхняя цена игры.
11. Решение игр в смешанных стратегиях. Геометрическая интерпретация игр.
12. Игры в условиях неопределенности.
13. Приведение матричной игры к задаче линейного программирования.
14. Нелинейное программирование. Классические методы оптимизации.
15. Выпуклое программирование. Основные методы решения задач выпуклого программирования.

ВАРИАНТЫ ИНДИВИДУАЛЬНЫХ ЗАДАНИЙ

1. Задача об оптимальном использовании ограниченных ресурсов. На участок строящейся дороги необходимо вывезти 20 000 м³ каменных материалов. В районе строительства имеются три карьера с запасами 8000 м³, 9000 м³ и 10000 м³. Для погрузки материалов используются экскаваторы, имеющие производительность 250 м³/смену в карьерах А, Б и 500 м³/смену в карьере В. Эти карьеры обеспечивают каменными материалами также ряд других строящихся объектов. На погрузку материалов для рассматриваемого участка выделен для экскаваторов общий лимит 60 машино/смен с правом использовать его по усмотрению строителей. Транспортные затраты на перевозку материалов характеризуются следующими показателями: на перевозку 1000 м³ материалов из карьера А требуется 100 машино/смен, из карьера Б – 135 машино/смен, из карьера В – 170 машино/смен.

Требуется составить оптимальный план перевозок, обеспечивающий минимальные транспортные затраты.

2. Предлагается 5 инвестиционных проектов, тщательная экономическая экспертиза которых позволяет получить для каждого из проектов достаточно убедительные экономические оценки ожидаемого эффекта от их реализации 80; 50; 75; 40; 45 усл. ед. и необходимых капиталовложений 110; 60; 80; 15; 30 усл. ед. Общий объем возможных инвестиций ограничен величиной 200 усл. ед. Необходимо так распорядиться имеющимися финансовыми ресурсами, чтобы максимизировать суммарный эффект от инвестиций.

3. Задача о рациональном раскрое строительных материалов. Часть заемных оборотных средств предприятия имобилизована в запасы пиломатериалов: на складе имеется партия бруса, содержащая 300 штук длиной 7,5 м каждый и партия бруса, содержащая 500 штук длиной 5 м каждый. Из этого материала можно изготовить оконные блоки, в каждый из которых входит две детали по 2,5 м и три детали длиной 2 м каждая. Как оптимально использовать заемные средства, если предположить, что спрос на оконные рамы неограничен?

4. Решите транспортную задачу, определив минимальную стоимость перевозки грузов

Мощности поставщиков	Мощности потребителей			
	22	34	41	20
31	10	7	6	8
48	5	6	5	4
38	8	7	6	7

5. Перед менеджером стоит задача распределения четырех работников по вакантным должностям по условиям результатов контрольных испытаний. Производительность труда по отдельным видам работ, показанная каждым из работников, приведена в таблице.

Одним из основных условий поставленной задачи является максимизация производительности труда в коллективе при условии, что каждый работник может быть назначен только на одну работу.

Работники	Производительность труда работников по должностям			
	В ₁	В ₂	В ₃	В ₄
А ₁	9	6	5	8
А ₂	4	8	6	2
А ₃	6	7	9	4

A ₄	2	7	3	1
----------------	---	---	---	---

Чему равен максимум производительности труда?

6.

Для строительства 4 дорог необходим гравий в количестве 130, 220, 60 и 70 единиц, который может быть поставлен из 3 карьеров, запасы которых составляют 120, 280 и 160 единиц соответственно, а тарифы перевозок представлены таблицей. Составить оптимальный план перевозок.

1	7	9	5
4	2	6	8
3	7	1	2

7. Исходная задача: «Найти неотрицательные значения $(x_1; x_2)$ из условий

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 \geq 4 \\ x_1 - x_2 \geq -1 \end{cases}$$

и минимизации целевой функции

$$L = 3x_1 + 2x_2$$

Для данной задачи указать **двойственную задачу**.

Решить исходную и двойственную задачу.

8. Предприятие располагает двумя способами производства данного вида продукции. В течение рассматриваемого периода времени необходимый объем продукции равен $100 = X_1 + X_2$, где X_1 и X_2 – объемы производства по соответствующему технологическому способу. Затраты производства S при каждом способе зависят от объемов нелинейно:

$$S(X_1) = 3 + 2X_1 + X_1^2, \quad S(X_2) = 5 + X_2 + 2X_2^2$$

Необходимо так распределить объем производства между технологическими способами, чтобы минимизировать общие затраты производства.

9. Найти максимальное значение функции

$$x_1^2 + x_2^2$$

при ограничениях:

$$\frac{1}{2} \leq x_1 + x_2 \leq 1, \quad x_1 \geq 0, \quad x_2 \geq 0.$$

10. Необходимо сформировать оптимальный портфель Марковица (минимального риска) трех ценных бумаг с эффективностями и рисками: (6,10), (10,50), (60,80). Нижняя граница доходности портфеля задана равной 20.

11. Найти оптимальную стратегию 1-го игрока для игры двух участников с нулевой суммой путем сведения ее к задаче линейного программирования, если задана платежная матрица:

$$\begin{pmatrix} 3 & 6 & 8 \\ 9 & 4 & 2 \\ 7 & 5 & 4 \end{pmatrix}$$

12. Найти оптимальную стратегию 2-го игрока для игры двух участников с нулевой суммой путем сведения ее к задаче линейного программирования, если задана платежная матрица:

$$\begin{pmatrix} 3 & -1 & -3 \\ -3 & 3 & -1 \\ -4 & -3 & 3 \end{pmatrix}$$

13. Найти оптимальные стратегии игроков для игры двух участников с нулевой суммой, если задана платежная матрица:

$$\begin{pmatrix} 0.8 & 0.2 & 0.4 \\ 0.4 & 0.5 & 0.6 \\ 0.1 & 0.7 & 0.3 \end{pmatrix}$$

14. Планируется деятельность четырех промышленных предприятий (системы) на очередной год. Начальные средства: $S_0=5$ условных единиц. Размеры вложения в каждое предприятие кратны 1 условной единице. Средства X_k , выделенные k -му предприятию ($k=1, 2, 3, 4$), приносит в конце года прибыль $f_k(X)$. Функции $f_k(X)$ заданы таблично:

X	$f_1(X)$	$f_2(X)$	$f_3(X)$	$f_4(X)$
1	0,2	1,0	2,1	0
2	0,9	1,1	2,5	2,0
3	1,0	1,3	2,9	2,5
4	1,2	1,4	3,9	3,0

5	2,0	1,8	4,9	4,0
---	-----	-----	-----	-----

Определить, какое количество средств нужно выделить каждому предприятию, чтобы суммарная прибыль наибольшей.

15. Планируется деятельность трех промышленных предприятий на очередной год. Начальные средства: $S_0=9$ условных единиц. Размеры вложения в каждое предприятие кратны 1 условной единице. Средства X , выделенные k -му предприятию ($k=1, 2, 3$), приносит в конце года прибыль $f_k(X)$. Функции $f_k(X)$ заданы таблично:

X	$f_1(X)$	$f_2(X)$	$f_3(X)$
1	5	7	6
2	9	9	10
3	12	11	13
4	14	13	15
5	15	16	16
6	18	19	18
7	20	21	21
8	24	22	22
9	27	25	25

Определить, какое количество средств нужно выделить каждому предприятию, чтобы суммарная прибыль наибольшей.

16. Найти оптимальное распределение средств между 3 предприятиями при условии, что прибыль $f(x)$, полученная от каждого предприятия, является функцией от вложенных в него средств x .

x	1	2	3	4	5	6	7	8	9
$f_1(x)$	5	9	12	14	15	18	20	24	27
$f_2(x)$	7	9	11	13	16	19	21	22	25
$f_3(x)$	6	10	13	15	16	18	21	22	25

17. Рассматривается круглосуточная работа пункта проведения профилактического осмотра автомашин с одной группой проведения осмотра. На осмотр каждой машины затрачивается в среднем 0.5 часа. На осмотр поступает в среднем 36 машин в сутки. Определить вероятности состояний и характеристики обслуживания при работе профилактического пункта с отказами.

ТЕСТОВЫЕ ЗАДАНИЯ ДЛЯ КОНТРОЛЬНОЙ РАБОТЫ

1. Исследование операций – это:

- а) математическая дисциплина, особенностью которого является геометрический подход к изучению объектов.
- б) математическая дисциплина, занимающаяся построением, анализом и применением математических моделей принятия оптимальных решений.
- в) математическая дисциплина, занимающаяся применением математических методов для исследования бухгалтерских операций.

2. Оптимальным решением задачи исследования операций называется:

- а) решение, доставляющее целевой функции искомое экстремальное значение
- б) решение, удовлетворяющее хотя бы одному ограничению
- в) решение, удовлетворяющее системе ограничений
- г) решение, удовлетворяющее системе ограничений и доставляющее целевой функции искомое экстремальное значение

3. Вектор $x = (1, 0, -1)$ является допустимым решением задачи:

$$\begin{cases} 5x_1 + x_2 - 9x_3 = 1 \\ x_1 - 12x_2 + 2x_3 \leq 10 \end{cases}$$

а) $z = x_1 - x_2 + 5x_3 \rightarrow \min$

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 - 3x_3 \geq 6 \\ x_1 - x_2 + x_3 \leq -3 \end{cases}$$

в) $z = x_1 - x_2 + 5x_3 \rightarrow \min$

4. Симплекс-таблица содержит оптимальное решение, если она:

- а) допустима либо по строкам, либо по столбцам
- б) допустима по столбцам, но недопустима по строкам

- в) допустима по строкам, но недопустима по столбцам
 г) допустима по строкам и по столбцам

$$\begin{cases} 2x_1 + 5x_2 \leq 20 \\ x_1 + x_2 \leq 4 \\ x_1, x_2 \geq 0 \end{cases}$$

5. Для задачи $z = 5x_1 + 4x_2 \rightarrow \max$ точка (0;3) является:

- а) планом;
 б) оптимальным планом;
 в) точкой вне области допустимых решений задачи.

1. Какая из следующих задач не является задачей линейного программирования:

а) $\begin{cases} x_1 - x_2 \geq 5 \\ x_1 \geq 0 \end{cases}$

$z = x_1 + 3x_2 \rightarrow \min$

б) $\begin{cases} x_1 + x_2 \leq 5 \\ x_1, x_2 \geq 0 \end{cases}$

$z = 3x_1 + x_2 \rightarrow \max$

2. Дана задача линейного программирования:

Цех выпускает два вида продукции, используя два вида полуфабрикатов. Продукция используется при комплектовании изделий, при этом на каждую единицу продукции первого вида требуется не более двух единиц продукции второго вида. Нормы расхода полуфабрикатов каждого вида на единицу выпускаемой продукции, общие объемы полуфабрикатов и прибыль от единицы каждой продукции представлены в таблице.

Полуфабрикаты	Нормы затрат на единицу продукции		Объем полуфабриката
	П1	П2	
1	1	2	800
2	6	2	2400
Прибыль	10	35	

Определить план производства, доставляющий максимум прибыли.

Математическая модель задачи примет вид:

$$\begin{cases} x_1 + 6x_2 \leq 800 \\ 2x_1 + 2x_2 \leq 2400 \\ 2x_1 \geq x_2 \\ x_1, x_2 \geq 0 \end{cases}$$

а) $z = 10x_1 + 35x_2 \rightarrow \max$

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 \leq 800 \\ 6x_1 + 2x_2 \leq 2400 \\ 2x_1 \leq x_2 \\ x_1, x_2 \geq 0 \end{cases}$$

б) $z = 10x_1 + 35x_2 \rightarrow \min$

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 \leq 800 \\ 6x_1 + 2x_2 \leq 2400 \\ 2x_1 \geq x_2 \\ x_1, x_2 \geq 0 \end{cases}$$

в) $z = 10x_1 + 35x_2 \rightarrow \max$

$$\begin{cases} x_1 + 6x_2 \geq 800 \\ 2x_1 + 2x_2 \geq 2400 \\ 2x_1 \geq x_2 \\ x_1, x_2 \geq 0 \end{cases}$$

г) $z = 10x_1 + 35x_2 \rightarrow \min$

3. Если прямая задача является задачей на максимум и имеет ограничения со знаком « \leq », то двойственная задача будет являться:

- а) задачей на минимум и иметь ограничения со знаком « \leq »;
- б) задачей на максимум и иметь ограничения со знаком « \geq »;
- в) задачей на минимум и иметь ограничения со знаком « \geq »;
- г) задачей на максимум и иметь ограничения со знаком « \leq ».

4. Двойственной к задаче линейного программирования

$$\begin{cases} 5x_1 + x_2 - 2x_3 \leq 9 \\ -x_1 - 6x_2 + x_3 \leq 5 \\ 3x_1 + x_2 - x_3 \leq 4 \\ x_1, x_2, x_3 \geq 0 \end{cases}$$

$$z = 2x_1 - x_2 + 7x_3 \rightarrow \max$$

является задача:

$$\begin{cases} 5x_1 + x_2 - 2x_3 \geq 9 \\ -x_1 - 6x_2 + x_3 \geq 5 \\ 3x_1 + x_2 - x_3 \geq 4 \\ x_1, x_2, x_3 \geq 0 \end{cases}$$

а) $z = 2x_1 - x_2 + 7x_3 \rightarrow \min$

$$\begin{cases} 5y_1 - y_2 + 3y_3 \leq 2 \\ y_1 - 6y_2 + y_3 \leq -1 \\ -2y_1 + y_2 - y_3 \leq 7 \\ y_1, y_2, y_3 \geq 0 \end{cases}$$

в) $z = 9y_1 + 5y_2 + 4y_3 \rightarrow \max$

5. Если одна из взаимно двойственных задач имеет оптимальное решение, то другая задача:

- а) имеет решение, причем линейная функция этой задачи не ограничена;
- б) имеет решение, причем оптимальные значения линейных функций задач равны;
- в) не имеет решения, так как условия задачи противоречивы.

6. Укажите неверное утверждение: 1) если обе сопряженные задачи имеют хотя бы по одному допустимому решению, то они имеют и оптимальное решение; 2) если в сопряженных задачах имеются допустимые решения, при которых целевые функции совпадают, то решение оптимальное; 3) если прямая задача на максимум, то ее допустимое решение не больше допустимого решения сопряженной.

- а) 1 б) 2 в) 3 г) все верные.

12. Транспортная задача линейного программирования с вектором запасов

$$a = (a_1, \dots, a_m)$$

и вектором запросов

$$b = (b_1, \dots, b_n)$$

называется сбалансированной, если:

а) $a_1 + \dots + a_m < b_1 + \dots + b_n$ б) $a_1 + \dots + a_m > b_1 + \dots + b_n$

в) $a_1 + \dots + a_m = b_1 + \dots + b_n$ г) $a_1 + \dots + a_m \leq b_1 + \dots + b_n$

13. Пусть имеется транспортная задача с вектором запасов

$$a = (a_1, \dots, a_m)$$

и вектором запросов

$$b = (b_1, \dots, b_n)$$

тогда число заполненных клеток в транспортной таблице, содержащей оптимальное решение равно:

- а) $m+n$;
- б) $m+n-1$;
- в) $m+n+1$;
- г) $m-n$.

14. Решая транспортную задачу методом потенциалов, сдвиг по циклу производим на величину равную:

- а) максимальному значению по всем клеткам со знаком «-».
- б) минимальному значению по всем клеткам со знаком «+».
- в) максимальному значению по всем клеткам со знаком «+».

г) минимальному значению по всем клеткам со знаком «-».

15. Динамическое программирование – это:

- а) метод оптимизации, приспособленный к операциям, в которых процесс принятия решения разбит на этапы;
- б) система методов планирования и управления путем применения сетевых графиков;
- в) метод оптимизации, приспособленный к решению задач, в которых либо целевая функция, либо ограничения, либо и то и другое нелинейные.

16. Принцип оптимальности Беллмана состоит в следующем:

- а) надо выбирать управление на каждом шаге независимо от последствий на еще предстоящих шагах;
- б) надо выбирать управление на каждом шаге с учетом всех его возможных последствий на уже прошедших шагах;
- в) надо выбирать управление на каждом шаге с учетом всех его возможных последствий на еще предстоящих шагах.

17. Любую многошаговую задачу можно решать:

- а) ища сразу все элементы решения на всех шагах;
- б) строя оптимальное управление шаг за шагом, на каждом этапе расчета, оптимизируя только один шаг;
- в) строя оптимальное управление шаг за шагом, на каждом этапе расчета, оптимизируя все шаги;
- г) а и б;
- д) а и в.

18.Какая из таблиц содержит опорное допустимое решение, построенное с помощью метода северо-западного угла:

а)

3	2	1	=20
20			
3	5	6	
	10		
7	9	12	=50
	20	30	

" " "

20 30 30

б)

3	2	1	=20
		20	
3	5	6	
10			
7	9	12	=50
10	30	10	

" " "

20 30 30

в)

3	2	1	=20
		20	
3	5	6	
		10	
7	9	12	=50
20	30		

" " "

20 30 30

19. Пусть имеется транспортная задача линейного программирования с вектором запасов

$$a = (a_1, \dots, a_m)$$

и вектором запросов

$$b = (b_1, \dots, b_n),$$

у которой $\sum_{i=1}^m a_i > \sum_{j=1}^n b_j$. Тогда для решения транспортной задачи вводят:

а) фиктивного поставщика с запасом $\sum_{i=1}^m a_i - \sum_{j=1}^n b_j$;

б) фиктивного потребителя с запросом $\sum_{j=1}^n b_j - \sum_{i=1}^m a_i$;

в) фиктивного поставщика с запасом $\sum_{j=1}^n b_j - \sum_{i=1}^m a_i$;

г) фиктивного потребителя с запросом $\sum_{i=1}^m a_i - \sum_{j=1}^n b_j$

20. Рассматривается задача о рюкзаке:

Имеется некоторый вид транспорта грузоподъемностью Q у.е. и некоторые товары T_1, \dots, T_m с весами q_1, \dots, q_m и стоимостями c_1, \dots, c_m соответственно. Количество товаров каждого вида не ограничено. Необходимо таким образом загрузить данный вид транспорта, чтобы общая стоимость оказавшихся в нем товаров оказалась наибольшей.

Если обозначить через $w_i(S)$ условный оптимальный выигрыш, а через u_i – условное оптимальное управление на i -ом шаге, то оптимизацию следует производить на основе рекуррентных соотношений ...

а) $w_m(S) = \max_{u_i \in N_0: u_i q_m \leq S} \{c_m u_i\}$, $w_i(S) = \max_{u_i \in N_0: u_i q_i \leq S} \{c_i u_i + w_{i+1}(S - u_i q_i)\}$ для всех

$i = 1, \dots, m - 1$.

б) $w_m(S) = \max_{u_i \in N_0: u_i q_m \leq S} \{q_m u_i\}$, $w_i(S) = \max_{u_i \in N_0: u_i q_i \leq S} \{q_i u_i + w_{i+1}(S - u_i c_i)\}$ для всех

$i = 1, \dots, m - 1$.

в) $w_m(S) = \max_{u_i \in N_0: u_i q_m \leq S} \{c_m u_i\}$, $w_i(S) = \max_{u_i \in N_0: u_i q_i \leq S} \{c_i u_i \cdot w_{i+1}(S - u_i q_i)\}$ для всех

$i = 1, \dots, m - 1$.

г) $w_m(S) = \max_{u_i \in N_0: u_i q_m \leq S} \{q_m u_i\}$, $w_i(S) = \max_{u_i \in N_0: u_i q_i \leq S} \{q_i u_i \cdot w_{i+1}(S - u_i c_i)\}$ для всех $i = 1, \dots, m - 1$.

6.3 Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций

Итоговая рейтинговая оценка по дисциплине «Оптимизационные модели в школьном курсе математики» складывается из следующих составляющих:

1) За каждый укрупненный блок тем студент может максимально получить количество баллов, указанное в следующей таблице, которые включают в себя: выполнение заданий для самосто-

ательной работы - до 2 баллов; устный ответ и (или) выполнение проверочной работы - до 3 баллов.

Тема и вид работы	Учебная работа					Контрольная работа	Инд. задание	Зачет		Итого
	Линейное программирование	Дискретное программирование	Нелинейное программирование	Специальные модели	Многокритериальная оптимизация			Задачи	Опрос	
Мах балл	10	10	5	10	5	10	20	20	10	100

2) Обязательной формой текущей аттестации знаний является срезовая контрольная работа. Максимальная оценка на срезовой контрольной работе может составить 10 баллов. Индивидуальные задания оцениваются в 20 баллов.

3) На зачете ответ студента может быть максимально оценен в 30 баллов. Из них 20 баллов могут быть получены за две задачи и 10 баллов за опрос. Одна из задач решается в Excel, другая – в письменной форме. Аналогами являются задачи из индивидуальных заданий и контрольной работы.

7 ПЕРЕЧЕНЬ ОСНОВНОЙ И ДОПОЛНИТЕЛЬНОЙ УЧЕБНОЙ ЛИТЕРАТУРЫ, НЕОБХОДИМОЙ ДЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

7.1 Основная литература

1. Добрынина И.В. Оптимизация в управлении. Тула: ТГПУ им. Л.Н. Толстого, 2013. – 116 с.

7.2 Дополнительная литература

1. Гладких Б. А. Методы оптимизации и исследование операций для бакалавров информатики: учебное пособие, Ч. 2. Нелинейное и динамическое программирование. Издательство "НТЛ" 2011. http://biblioclub.ru/index.php?page=book_view&book_id=200917
2. Крутиков В. Н. Методы оптимизации: учебное пособие. Кемерово: Кемеровский государственный университет, 2011 http://biblioclub.ru/index.php?page=book_red&id=232682&sr=1

8 ПЕРЕЧЕНЬ РЕСУРСОВ ИНФОРМАЦИОННО-ТЕЛЕКОММУНИКАЦИОННОЙ СЕТИ «ИНТЕРНЕТ», НЕОБХОДИМЫХ ДЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

1. Math.ru [Электронный ресурс] : портал математического образования / Отделение математических наук Российской Академии Наук ; Московский центр непрерывного математического образования. - М : [б. и.], 2011. - Загл. с титул. экрана. - Б. ц. URL: <http://www.math.ru>
2. Math-Net.Ru [Электронный ресурс] : общероссийский математический портал / Математический институт им. В. А. Стеклова РАН ; Российская академия наук, Отделение математических наук. - М : [б. и.], 2015. - Загл. с титул. экрана. - Б. ц. URL: <http://www.mathnet.ru>
3. МЦНМО [Электронный ресурс] : свободно распространяемые издания / Департамент образования г. Москвы, Математический институт имени В.А. Стеклова, МГУ имени М.В. Ло-

моносова, отделение математики РАН. - М : [б. и.], 2015. - Загл. с титул. экрана. - Б. ц.
[URL: http://www.mccme.ru/free-books](http://www.mccme.ru/free-books)

4. Exponenta.ru [Электронный ресурс] : образовательный математический сайт / АХОФТ. - М : [б. и.], 2015. - Загл. с титул. экрана. - Б. ц. [URL:http://exponenta.ru/](http://exponenta.ru/)

9 МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ

Дисциплина «Оптимизационные модели в школьном курсе математики» направлена на формирование у студентов готовности к успешному изучению других прикладных математических дисциплин. Для этого даются начальные представления о таких понятиях, как математическое моделирование, являющееся инструментом для получения прикладных математических знаний; оптимизационные модели, многокритериальная оптимизация. Студенты знакомятся с различными методами математического программирования, видами оптимизационных моделей, используемых в различных прикладных математических дисциплинах. В результате изучения дисциплины должно быть сформировано представление о моделях, широко используемых в математике и приложениях.

Для успешного освоения дисциплины следует использовать систему MOODLE, в которой дается необходимая теория, приводятся методы решения типовых задач, задачи для контрольных работ, индивидуальные задания. Для более глубокого изучения материала используется литература из приведенного списка.

10 ПЕРЕЧЕНЬ ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ, ИСПОЛЬЗУЕМЫХ ПРИ ОСУЩЕСТВЛЕНИИ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ, ВКЛЮЧАЯ ПЕРЕЧЕНЬ ПРОГРАММНОГО ОБЕСПЕЧЕНИЯ И ИНФОРМАЦИОННЫХ СПРАВОЧНЫХ СИСТЕМ

Лекционный курс излагается с использованием компьютерных презентаций в Microsoft PowerPoint или Open Office Impress. Презентации доступны студентам в электронном учебном курсе дисциплины (<http://moodle.tsput.ru>) для предварительного ознакомления перед лекцией и для использования во время самоподготовки.

Практические задания выполняются на ЭВМ с использованием компьютерных программ Microsoft Office Excel.

Кроме того, применяются:

Среда электронного обучения ТГПУ им. Л.Н. Толстого (<http://moodle.tsput.ru>) для подготовки к практическим, лекционным занятиям, контрольной работы и зачету.

Перечень лицензионного программного обеспечения, используемого при освоении дисциплины «Оптимизация в управлении»:

1. Подписка Microsoft DreamSpark Premium - Сублицензионный договор № S-2042626/M18 от 04.06.2013 г. действует до 01 июня 2016 г. включает:
 - 1.1. Операционные системы Windows Vista Business, Windows 7 Professional, Windows 8 Pro, Windows 8.1 Pro, Windows 10 Ent;Компоненты Office 2007, Office 2010, Office 2013 (Access, Visio, Project и др.).

11 ОПИСАНИЕ МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЙ БАЗЫ, НЕОБХОДИМОЙ ДЛЯ ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Для проведения лекций с использованием мультимедийных средств обучения необходима аудитория с мультимедийным комплексом.

Для качественной организации самостоятельной работы студентов необходимо, чтобы студенты:

- имели доступ в Интернет и были зарегистрированы в системе MOODLE;
- были обеспечены основной литературой по списку.

12. АННОТАЦИЯ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ ДИСЦИПЛИНЫ

1. Планируемые результаты обучения при освоении дисциплины, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы.

В результате освоения дисциплины у студента должна быть сформирована следующая компетенции: способность организовать сотрудничество обучающихся, поддерживать активность и инициативность, самостоятельность обучающихся, развивать их творческие способности (ПК-7);

готовность к формированию и поддержанию высокой мотивации, развитию способности обучающихся к занятиям математикой и физикой, участию в физико-математических олимпиадах, конкурсах, исследовательских проектах и конференциях (ДПК-2).

В результате освоения дисциплины студент должен приобрести:

знания:

- теоретические основы математических методов, применяемых для количественного обоснования управленческих решений,
- алгоритмы решения оптимизационных задач и их приложения к школьному курсу математики;

умения:

- строить и исследовать математические модели,
- использовать стандартное программное обеспечение ПК, а также пакеты прикладных программ учебного назначения, необходимые для решения оптимизационных задач;

навыки:

- владеть методами, применяемыми для эффективного управления различными организационными системами.

2. Место дисциплины в структуре ОПОП.

Дисциплина «Оптимизационные модели в школьном курсе математики» является дисциплиной по выбору вариативной части образовательной программы бакалавриата.

3. Объем дисциплины 3 зачетные единицы.

4. Образовательный процесс осуществляется на русском языке.

5. Разработчик: д. ф.-м. н., профессор кафедры алгебры, математического анализа и геометрии Добрынина И. В.

13 ЛИСТ РЕГИСТРАЦИИ ИЗМЕНЕНИЙ К РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЕ ДИСЦИПЛИНЫ

2017-2018 учебный год

Обновлен состав необходимого комплекта лицензионного программного обеспечения.

1. Операционная система Microsoft Windows XP Professional Russian – Лицензия № 16698685 от 08.08.2003 г.

2. Операционная система Microsoft Windows Professional 7 Russian – Лицензия №48497058 от 13.05.2011 г., договор № Пр/16/6 от 05 апреля 2016 года.

3. Операционная система Microsoft Windows 10 Professional Russian - контракт № ПР/ФЕН/15/18 от 23.10.2015 г., договор № Пр/16/6 от 05 апреля 2016 года.

4. Программное обеспечение Microsoft Office Enterprise 2007 Russian - Лицензия №46138962 от 16.11.2009 г.

5. Программное обеспечение Microsoft Office 2013 Professional - контракт № 405535 от 2 ноября 2015 года, контракт № ПР/ФЕН/15/18 от 23.10.2015 г.

6. Программа для распознавания текста АBBYY FineReader 9.0 Corporate Edition лицензионный сертификат - код позиции AF90-3U1V25-102, АBBYY FineReader 9.0 Corporate Edition Volume License Concurrent от 28 июля 2009 г.

7. Электронный словарь АBBYY Lingvo X3 Европейская версия - Код позиции AL14-

2U1V05-102, АBBYU Lingvo x3 Европейская версия. Именная лицензия Concurrent от 28 июля 2009 г.

8. Комплексная Система Антивирусной Защиты Kaspersky Endpoint Security для бизнеса – Стандартный Russian Edition. 500-999 Node 2 year Educational Renewal License – Лицензия № 17E0-170518-102844-823-690 от 18-05-2017 г.

Обновлен состав современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, к которым обеспечен доступ обучающимся.

1. Компьютерная информационно-правовая система «Гарант» - регистрационный номер клиента 71-70685-000033.

2. Официальный интернет-портал базы данных правовой информации <http://pravo.gov.ru>.

3. Портал Федеральных государственных образовательных стандартов высшего образования <http://fgosvo.ru>.

4. Портал «Информационно-коммуникационные технологии в образовании» <http://www.ict.edu.ru>.

5. Web of Science Core Collection – политематическая реферативно-библиографическая и наукометрическая (библиометрическая) база данных <http://webofscience.com>.

6. Полнотекстовый архив ведущих западных научных журналов на российской платформе Национального электронно-информационного консорциума (НЭИКОН) <http://neicon.ru>.

7. Базы данных издательства Springer <https://link.springer.com>.

Изменения к рабочей программе дисциплины утверждены на заседании Ученого совета университета, протокол № 8 от 31 августа 2017 г.

2018-2019 учебный год

Обновлен состав необходимого комплекта лицензионного программного обеспечения.

1. Операционная система ROSA Enterprise Linux Desktop № RL00450-1-110518-01 - RL00450-1-110518-17 от 11 мая 2018 г.

2. Операционная система Microsoft Windows XP Professional Russian – Лицензия № 16698685 от 08.08.2003 г.

3. Операционная система Microsoft Windows Professional 7 Russian – Лицензия №48497058 от 13.05.2011 г., договор № Пр/16/6 от 05 апреля 2016 г.

4. Операционная система Microsoft Windows 10 Professional Russian - контракт № ПР/ФЕН/15/18 от 23.10.2015 г., договор № Пр/16/6 от 05 апреля 2016 г.

5. Программное обеспечение Microsoft Office Enterprise 2007 Russian - Лицензия №46138962 от 16.11.2009 г.

6. Программное обеспечение Microsoft Office 2013 Professional - контракт № 405535 от 2 ноября 2015 года, контракт № ПР/ФЕН/15/18 от 23.10.2015 г.

7. Программа для распознавания текста АBBYU FineReader 9.0 Corporate Edition лицензионный сертификат - код позиции AF90-3U1V25-102, АBBYU FineReader 9.0 Corporate Edition Volume License Concurrent от 28 июля 2009 г.

8. Электронный словарь АBBYU Lingvo X3 Европейская версия - Код позиции AL14-2U1V05-102, АBBYU Lingvo x3 Европейская версия. Именная лицензия Concurrent от 28 июля 2009 г.

9. Комплексная система антивирусной защиты Kaspersky Endpoint Security для бизнеса – стандартный Russian Edition. 500-999 Node 2 year Educational Renewal License – Лицензия № 17E0-170518-102844-823-690 от 18-05-2017 г.

Обновлен состав современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, к которым обеспечен доступ обучающимся.

1. Компьютерная информационно-правовая система «Гарант» - регистрационный номер клиента 71-70685-000033.
2. Официальный интернет-портал базы данных правовой информации <http://pravo.gov.ru>.
3. Портал Федеральных государственных образовательных стандартов высшего образования <http://fgosvo.ru>.
4. Портал «Информационно-коммуникационные технологии в образовании» <http://www.ict.edu.ru>.
5. Web of Science Core Collection – политематическая реферативно-библиографическая и наукометрическая (библиометрическая) база данных <http://webofscience.com>.
6. Полнотекстовый архив ведущих западных научных журналов на российской платформе Национального электронно-информационного консорциума (НЭИКОН) <http://neicon.ru>.
7. Базы данных издательства Springer <https://link.springer.com>.

Изменения к рабочей программе дисциплины утверждены на заседании Ученого совета университета, протокол № 7 от 30 августа 2018 г.

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО.

Разработчик:

Фамилия, имя, отчество	Учёная степень	Учёное звание	Должность
Добрынина И.В.	д. ф.-м.н.	доцент	профессор